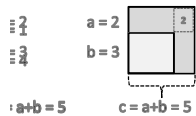
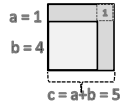


Giovanni Di Savino

1. A triple of natural numbers such that $c^2 = a^2 + b^2$ is called a Pythagorean triple. It is reported on a tablet from 1900-1600 BC. (1) but the name of the triples refers to the Pythagorean theorem 570-500 / 490 BC, from which it descends, from the squares constructed on the sides of each right triangle with integer sides there is a Pythagorean triple and vice versa. The most famous Pythagorean triple is 5, 3, 4 (2552 = 932 + 1642), Euclid 300 BC. in his work "Elements" (X book) he reports a formula that allows them to be determined and with which infinite Pythagorean triples can be generated(2).



$$c^2 = 2^2 + 3^2 + 2*2*3$$



$$c^2 = 1^2 + 4^2 + 2*1*4$$

$$5*5 = 4^2 + (1^2+2*1*4) = 16+9 \quad 5^2 = 4^2 + 3^2 = \text{terna pitagorica}$$

2. The distributive property of multiplication in the Pythagorean triple $c^2 = a^2 + b^2$; multiplying a given value "n" to the terms of the Pythagorean triple, $c^2 * n = cn$, $a^2 * n = an$, $b^2 * n = bn$; the infinite Pythagorean triples $c^2 = a^2 + b^2$ multiplied or raised to the power "n" are equal to $cn = an + bn$ where: $cn = c^2 * nc2$, $an = a^2 * nc2 \neq a^2 * na2$, $bn = b^2 * nc2 \neq b^2 * nb2$

$$c*c = a*c + b*c = 5*5 = 2*5 + 3*5 \quad c*c = a*c + b*c = 5*5 = 1*5 + 4*5$$

$$c^2 = a*c + b*c = 25 = 10 + 15 \quad c^2 = a*c + b*c = 25 = 5 + 20$$

- 2.1 The triples represented in the previous point 1, $c^2 = a^2 + b^2$ aut $a^2 = c^2 - b^2$ aut $b^2 = c^2 - a^2$ are a simple answer to complicated problems such as those posed by Diophantus and Fermat (2) who state: it is impossible to separate any power, higher than square, in two powers of the same name (one cube in two cubes, or a fourth power in two fourth powers). In a Pythagorean triple the power of c^2 is equal to cn which is a power greater than the square of c ; the power is the product of many factors with the basis of cn , which is c^2 and which must be multiplied n times by as many as the exponent indicates; multiplication, as shown above, has the distributive property that in a Pythagorean triple if c^2 can be decomposed into the sum of two numbers $a^2 + b^2$ and I multiply each addend by as many as the exponent of cn indicates, the final product does not change.

3. Euclid formulates and generates the numbers to obtain the infinite Pythagorean triples

| terna $a + b \neq c$ | | | | | $a^2 + b^2 = c^2$ con $a^2 = 2*b + 1$ | | |
|----------------------|------------|--------------------------------|----------|-------------|---------------------------------------|--------------|--------------|
| 2 | n | Generation of Euclid's triples | | | Pythagorean theorem $a^2 + b^2 = c^2$ | | |
| $n > m$ | $n \neq m$ | $n^2 - m^2$ | $2nm$ | $n^2 + m^2$ | cateto | cateto | ipotenusa |
| n | m | a | b | c | a^2 | b^2 | c^2 |
| 2 | 1 | 3 | 4 | 5 | 9 | 16 | 25 |
| 3 | 2 | 5 | 12 | 13 | 25 | 144 | 169 |
| 4 | 3 | 7 | 24 | 25 | 49 | 576 | 625 |
| 5 | 4 | 9 | 40 | 41 | 81 | 1.600 | 1.681 |
| 6 | 5 | 11 | 60 | 61 | 121 | 3.600 | 3.721 |
| 7 | 6 | 13 | 84 | 85 | 169 | 7.056 | 7.225 |
| 8 | 7 | 15 | 112 | 113 | 225 | 12.544 | 12.769 |
| 9 | 8 | 17 | 144 | 145 | 289 | 20.736 | 21.025 |
| 10 | 9 | 19 | 180 | 181 | 361 | 32.400 | 32.761 |
| 11 | 10 | 21 | 220 | 221 | 441 | 48.400 | 48.841 |
| 12 | 11 | 23 | 264 | 265 | 529 | 69.696 | 70.225 |
| 13 | 12 | 25 | 312 | 313 | 625 | 97.344 | 97.969 |
| 14 | 13 | 27 | 364 | 365 | 729 | 132.496 | 133.225 |
| 15 | 14 | 29 | 420 | 421 | 841 | 176.400 | 177.241 |
| 16 | 15 | 31 | 480 | 481 | 961 | 230.400 | 231.361 |
| 17 | 16 | 33 | 544 | 545 | 1.089 | 295.936 | 297.025 |
| : | : | : | : | : | : | : | : |
| ennesimo | ennesimo | n.simo a | n.simo b | n.simo c | n.simo a^2 | n.simo b^2 | n.simo c^2 |
| $n > m$ | $n \neq m$ | no + grande | | | | | |

The Pythagorean triples $c^2 = a^2 + b^2$ multiplied / raised to "n" are equal to: $cn = an + br$

| input n | c^n è una potenza con esponente >2 uguale a $c^2 * n = a^2 * n + b^2 * n$ | | | |
|-------------------------------|---|--|------------------------|--------------------------------|
| n | 3 | terne pitagoriche $a^2 + b^2 = c^2$ sono $= a^2 * n + b^2 * n$ | | |
| $n = c^3 / c^2$ | c^3 | $a^3 = c^3 - b^2 * n$ | $b^3 = c^3 - a^2 * n$ | $c^3 = a^3 + b^3$ |
| | $c^3 = c^2 * n$ | $a^3 = a^2 * n$ | $b^3 = b^2 * n$ | $c^2 * n = a^2 * n + b^2 * n$ |
| 5 | 125 | 45 | 80 | 125 = 45 + 80 |
| 13 | 2.197 | 325 | 1.872 | 2197 = 325 + 1872 |
| 25 | 15.625 | 1.225 | 14.400 | 15625 = 1225 + 14400 |
| 41 | 68.921 | 3.321 | 65.600 | 68921 = 3321 + 65600 |
| 61 | 226.981 | 7.381 | 219.600 | 226981 = 7381 + 219600 |
| 85 | 614.125 | 14.365 | 599.760 | 614125 = 14365 + 599760 |
| 113 | 1.442.897 | 25.425 | 1.417.472 | 1442897 = 25425 + 1417472 |
| 145 | 3.048.625 | 41.905 | 3.006.720 | 3048625 = 41905 + 3006720 |
| 181 | 5.929.741 | 65.341 | 5.864.400 | 5929741 = 65341 + 5864400 |
| 221 | 10.793.861 | 97.461 | 10.696.400 | 10793861 = 97461 + 10696400 |
| 265 | 18.609.625 | 140.185 | 18.469.440 | 18609625 = 140185 + 18469440 |
| 313 | 30.664.297 | 195.625 | 30.468.672 | 30664297 = 195625 + 30468672 |
| 365 | 48.627.125 | 266.085 | 48.361.040 | 48627125 = 266085 + 48361040 |
| 421 | 74.618.461 | 354.061 | 74.264.400 | 74618461 = 354061 + 74264400 |
| 481 | 111.284.641 | 462.241 | 110.822.400 | 111284641 = 462241 + 110822400 |
| 545 | 161.878.625 | 593.505 | 161.285.120 | 161878625 = 593505 + 161285120 |
| : | : | : | : | : |
| n.simo | n.simo $c^n = c^2 * n$ | n.simo $a^n = a^2 * n$ | n.simo $b^n = b^2 * n$ | n.simo c^n |
| $c^2 * n = a^2 * n + b^2 * n$ | | | | |

4. As a young man, Gauss understood that the number 100 can be obtained by adding two numbers equidistant from its half (3); with the Pythagorean triples we can affirm that multiplying a^2 and b^2 with the same value with which it is multiplied or raised to the power c^2 we obtain a triplet where $cn = an + bn$.
5. Viviani, with the theorem that bears his name, proved that the infinite natural numbers are the sum of the distances that a point P on the hypotenuse of a triangle has from its two sides. (4) C^2 of the Pythagorean triple, is a point P on the hypotenuse of a triangle which is the sum of two distances which are $a^2 + b^2$ of the triple, but also Cn is a point P on the hypotenuse of a triangle which is the sum of two distances which are $an + bn$ of the triple;

- 5.1 If a P of Viviani's triangle theorem is equal to c^2 , P is a square on the hypotenuse of a triangle which is the sum of the squares of the distances from the two sides of the triangle which are the two distances of the point P from the two sides of the triangle, therefore in Viviani's triangle theorem is confirmed the Pythagorean theorem where, $a^2 + b^2 = c^2$ and, in both theorems, it is found that the elevation to power of c^2 in a Pythagorean triple is cn which is equal to the sum of an + bn that is, they are a2 and b2 of the same Pythagorean triple of c^2 multiplied and raised all to the same value / power
6. All natural numbers generate Pythagorean triples: a number, even or adding 1 to any odd number, multiplied with the sum of its half +1, generates an even number which is the cathetus "a" of a right triangle; the hypotenuse of the triangle is "c" and is an odd number which is equal to a + 1, the square of the other side of the triangle, "b", is an odd number which is the difference $b^2 = c^2 - a^2$ which is : $2 * a + 1$.



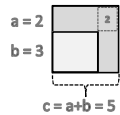
| All the infinite natural numbers can generate infinite Pythagorean triples | | | | | | | Le terne pitagoriche $c^2 = a^2 + b^2$ moltiplicate / elevate ad "n" sono | | | | | |
|--|----------------------------|-----------------------|--|-----------------------|------------------------|--|--|--|---|---|---|--|
| terna a + b ≠ c | | | $a^2 + b^2 = c^2$ con $b^2 = 2 * a + 1$ | | | | c ⁿ che è una potenza con esponente >2 uguale a $c^2 * n = a^2 * n + b^2 * n$ nella formula c ⁿ è la potenza di c | | | | | |
| Generation of infinite triads n | | | Pythagorean theorem a ² + b ² = c ² | | | | input n | | | | | |
| pari * (½ n pari + 1) = a | da tutti i numeri naturali | | noto a e c | noto a | a → ∞ | b → ∞ | c → ∞ | n | 3 | ma il valore di a ⁿ o b ⁿ è il prodotto a ² o b ² con lo stesso n di c ² | | |
| (disp+1)*(½ disp+1)+1 = a | naturali | | con c ² - a ² = b ² | con a + 1 | a * a = a ² | b ² = 2a+1 | c * c = c ² | c ³ /c ² | c ³ | a ³ = c ³ - b ² *n | b ³ = c ³ - a ² *n | c ³ = a ² *n + b ² *n |
| pari dispari a | si ottiene a | b ² = 2a+1 | si ottiene c | a ² | b ² | c ² | c ³ = c ² * n | a ³ = a ² *n | b ³ = b ² *n | c ² *n = a ² *n + b ² *n | | |
| 2 | 1 | (1+1)*(2+1) | 6 | 13 | 7 | 36 | 13 | 49 | 343 | 252 | 91 | 343 = 252+91 |
| 4 | 3 | (3+1)*(4+1) | 20 | 41 | 21 | 400 | 41 | 441 | 9.261 | 8.400 | 861 | 9261 = 8400+861 |
| 6 | 5 | (5+1)*(6+1) | 42 | 85 | 43 | 1.764 | 85 | 1.849 | 79.507 | 74.088 | 3.570 | 79507 = 74088+3570 |
| 8 | 7 | (7+1)*(8+1) | 72 | 145 | 73 | 5.184 | 145 | 5.329 | 389.017 | 373.248 | 10.440 | 389017 = 373248+10440 |
| 10 | 9 | (9+1)*(10+1) | 110 | 221 | 111 | 12.100 | 221 | 12.321 | 1.367.631 | 1.331.000 | 24.310 | 1367631 = 1331000+24310 |
| 12 | 11 | (11+1)*(12+1) | 156 | 313 | 157 | 24.336 | 313 | 24.649 | 3.869.893 | 3.796.416 | 48.828 | 3869893 = 3796416+48828 |
| 14 | 13 | (13+1)*(14+1) | 210 | 421 | 211 | 44.100 | 421 | 44.521 | 9.393.931 | 9.261.000 | 88.410 | 9393931 = 9261000+88410 |
| 16 | 15 | (15+1)*(16+1) | 272 | 545 | 273 | 73.984 | 545 | 74.529 | 20.346.417 | 20.123.648 | 148.240 | 20346417 = 20123648+148240 |
| 18 | 17 | (17+1)*(18+1) | 342 | 685 | 343 | 116.964 | 685 | 117.649 | 40.353.607 | 40.001.688 | 234.270 | 40353607 = 40001688+234270 |
| 20 | 19 | (19+1)*(20+1) | 420 | 841 | 421 | 176.400 | 841 | 177.241 | 74.618.461 | 74.088.000 | 353.220 | 74618461 = 74088000+353220 |
| 22 | 21 | (21+1)*(22+1) | 506 | 1.013 | 507 | 256.036 | 1.013 | 257.049 | 130.323.843 | 129.554.216 | 512.578 | 130323843 = 129554216+512578 |
| 24 | 23 | (23+1)*(24+1) | 600 | 1.201 | 601 | 360.000 | 1.201 | 361.201 | 217.081.801 | 216.000.000 | 720.600 | 217081801 = 216000000+720600 |
| 26 | 25 | (25+1)*(26+1) | 702 | 1.405 | 703 | 492.804 | 1.405 | 494.209 | 347.428.927 | 345.948.408 | 986.310 | 347428927 = 345948408+986310 |
| 28 | 27 | (27+1)*(28+1) | 812 | 1.625 | 813 | 659.344 | 1.625 | 660.969 | 537.367.797 | 535.387.328 | 1.319.500 | 537367797 = 535387328+1319500 |
| 30 | 29 | (29+1)*(30+1) | 930 | 1.861 | 931 | 864.900 | 1.861 | 866.761 | 806.954.491 | 804.357.000 | 1.730.730 | 806954491 = 804357000+1730730 |
| 32 | 31 | (31+1)*(32+1) | 1.056 | 2.113 | 1.057 | 1.115.136 | 2.113 | 1.117.249 | 1.180.932.193 | 1.177.583.616 | 2.231.328 | 1180932193 = 1177583616+2231328 |
| : | : | : | : | : | : | : | : | : | : | : | : | : |
| n.sim | dispari | : | n.simo a | n.simo b ² | n.simo c | n.simo a ² | n.simo b ² | n.simo c ² | n.simo | n.simo a ⁿ | n.simo b ⁿ | n.simo c ⁿ |
| o | pari | : | no + grande | 2*n.simo a+1 | n.simo a+1 | c ² - b ² = a ² | c ² - a ² = b ² | a ² + b ² = c ² | c ² *n = a ² *n + b ² *n | n.simo a ⁿ = a ² *n | n.simo b ⁿ = b ² *n | n.simo c ⁿ |

7. "it is impossible to separate any power, greater than the square, into two powers of the same name (a cube into two cubes, or a fourth power into two fourth powers)": it is possible to multiply the three powers by the same value square of a Pythagorean triple and obtain that the sum of two is equal to the power of the third.

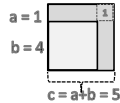
Bibliographic and website references

- 1) <https://news.unsw.edu.au/en/australian-mathematician-reveals-oldest-applied>
- 2) <https://www.facebook.com/430003697103227/posts/842875265816066/>
- 3) <https://vixra.org/abs/2202.0145>
- 4) <https://vixra.org/abs/2206.0084>

1. Una terna di numeri naturali tali che $c^2 = a^2 + b^2$ è chiamata terna pitagorica. È riportata su una tavoletta del 1900-1600 a.C. (1) ma il nome delle terne fa riferimento al teorema di Pitagora 570-500/490 a.C., da cui discende, dai quadrati costruiti sui lati di ogni triangolo rettangolo con lati interi corrisponde una terna pitagorica e viceversa. La più celebre terna pitagorica è 5, 3, 4 ($25^2 = 9^2 + 16^2$), Euclide 300 a.C. nella sua opera "Elementi" (X libro) riporta una formula che consente di determinarle e con la quale si possono generare infinite terne pitagoriche (2).



$$c^2 = 2^2 + 3^2 + 2*2*3$$



$$c^2 = 1^2 + 4^2 + 2*1*4$$

$$5*5 = 4^2 + (1^2 + 2*1*4) = 16 + 9 \quad 5^2 = 4^2 + 3^2 = \text{terna pitagorica}$$

2. La proprietà distributiva della moltiplicazione nella terna pitagorica $c^2 = a^2 + b^2$; moltiplicando un valore dato "n" ai termini della terna pitagorica, $c^{2*n} = c^n$, $a^{2*n} = a^n$ e $b^{2*n} = b^n$; le infinite terne pitagoriche $c^2 = a^2 + b^2$ moltiplicate od elevate a potenza "n" sono uguali a $c^n = a^n + b^n$ ove: $c^n = c^2 * n^{n/2}$, $a^n = a^2 * n^{n/2}$, $b^n = b^2 * n^{n/2}$

$$c*c = a*c + b*c = 5*5 = 2*5 + 3*5 \quad c*c = a*c + b*c = 5*5 = 1*5 + 4*5$$

$$c^2 = a^2 + b^2 = 25 = 10 + 15 \quad c^2 = a^2 + b^2 = 25 = 5 + 20$$

- 2.1 Le terne rappresentate al precedente punto 1, $c^2 = a^2 + b^2$ aut $a^2 = c^2 - b^2$ aut $b^2 = c^2 - a^2$ sono una risposta semplice a problemi complicati come quelli posti da Diofanto e Fermat (2) che affermano: è impossibile separare qualsiasi potenza, superiore al quadrato, in due potenze dello stesso nome (un cubo in due cubi, o una potenza quarta in due potenze quarte). In una terna pitagorica la potenza di c^2 è uguale a c^n che è una potenza superiore al quadrato di c; la potenza è il prodotto di tanti fattori con la base di c^n , che è c^2 e che deve essere moltiplicata n volte per quanti ne indica l'esponente; la moltiplicazione, come mostrato sopra, gode della proprietà distributiva per cui in una terna pitagorica se c^2 si può scomporre nella somma di due numeri $a^2 + b^2$ e moltiplico ciascun addendo per quanti ne indica l'esponente di c^n il prodotto finale non cambia.

3. Euclide formula e genera i numeri per ottenere le infinite terne pitagoriche

| terna a + b ≠ c | | | | | $a^2 + b^2 = c^2$ con $a^2 = 2*b + 1$ | | |
|-----------------|----------|------------------------------|----------|-------------|---------------------------------------|-----------------------|-----------------------|
| 2 | n | Generazione terne di Euclide | | | teorema di Pitagora $a^2 + b^2 = c^2$ | | |
| n > m | n ≠ m | $n^2 - m^2$ | 2nm | $n^2 + m^2$ | cateto | cateto | ipotenusa |
| n | m | a | b | c | a^2 | b^2 | c^2 |
| 2 | 1 | 3 | 4 | 5 | 9 | 16 | 25 |
| 3 | 2 | 5 | 12 | 13 | 25 | 144 | 169 |
| 4 | 3 | 7 | 24 | 25 | 49 | 576 | 625 |
| 5 | 4 | 9 | 40 | 41 | 81 | 1.600 | 1.681 |
| 6 | 5 | 11 | 60 | 61 | 121 | 3.600 | 3.721 |
| 7 | 6 | 13 | 84 | 85 | 169 | 7.056 | 7.225 |
| 8 | 7 | 15 | 112 | 113 | 225 | 12.544 | 12.769 |
| 9 | 8 | 17 | 144 | 145 | 289 | 20.736 | 21.025 |
| 10 | 9 | 19 | 180 | 181 | 361 | 32.400 | 32.761 |
| 11 | 10 | 21 | 220 | 221 | 441 | 48.400 | 48.841 |
| 12 | 11 | 23 | 264 | 265 | 529 | 69.696 | 70.225 |
| 13 | 12 | 25 | 312 | 313 | 625 | 97.344 | 97.969 |
| 14 | 13 | 27 | 364 | 365 | 729 | 132.496 | 133.225 |
| 15 | 14 | 29 | 420 | 421 | 841 | 176.400 | 177.241 |
| 16 | 15 | 31 | 480 | 481 | 961 | 230.400 | 231.361 |
| 17 | 16 | 33 | 544 | 545 | 1.089 | 295.936 | 297.025 |
| : | : | : | : | : | : | : | : |
| ennesimo | ennesimo | n.simo a | n.simo b | n.simo c | n.simo a ² | n.simo b ² | n.simo c ² |
| n > m | n ≠ m | no + grande | | | | | |

Le terne pitagoriche $c^2 = a^2 + b^2$ moltiplicate / elevate ad "n" sono uguali a: $c^n = a^n + b^n$

| input n | una potenza con esp. > 2 ed uguale ad n = somma di due potenze stesso esponente = n | | | |
|-------------------------------|---|---|-------------------------|-------------------------------------|
| n | 3 | terne pitagoriche sono $a^2 + b^2 = c^2$ se $a^2 = 2*b + 1$ | | |
| $n = (c^2 - b^2) / c^2$ | c^3 | $a^3 = c^3 - b^3 + c^2$ | $b^3 = c^3 - a^3 + c^2$ | $c^3 = a^3 + b^3 + c^2$ |
| | $c^3 = c^2 * n + c^2$ | $a^3 = a^2 * n$ | $b^3 = b^2 * n$ | $c^2 * n + c^2 = a^2 * n + b^2 * n$ |
| 4 | 125 | 36 | 64 | 36+64+25 |
| 12 | 2.197 | 300 | 1.728 | 300+1728+169 |
| 24 | 15.625 | 1.176 | 13.824 | 1176+13824+625 |
| 40 | 68.921 | 3.240 | 64.000 | 3240+64000+1681 |
| 60 | 226.981 | 7.260 | 216.000 | 7260+216000+3721 |
| 84 | 614.125 | 14.196 | 592.704 | 14196+592704+7225 |
| 112 | 1.442.897 | 25.200 | 1.404.928 | 25200+1404928+12769 |
| 144 | 3.048.625 | 41.616 | 2.985.984 | 41616+2985984+21025 |
| 180 | 5.929.741 | 64.980 | 5.832.000 | 64980+5832000+32761 |
| 220 | 10.793.861 | 97.020 | 10.648.000 | 97020+10648000+48841 |
| 264 | 18.609.625 | 139.656 | 18.399.744 | 139656+18399744+70225 |
| 312 | 30.664.297 | 195.000 | 30.371.328 | 195000+30371328+97969 |
| 364 | 48.627.125 | 265.356 | 48.228.544 | 265356+48228544+133225 |
| 420 | 74.618.461 | 353.220 | 74.088.000 | 353220+74088000+177241 |
| 480 | 111.284.641 | 461.280 | 110.592.000 | 461280+110592000+231361 |
| 544 | 161.878.625 | 592.416 | 160.989.184 | 592416+160989184+297025 |
| : | : | : | : | : |
| n.simo | n.simo $c^n = c^2 * n$ | n.simo $a^n = a^2 * n$ | n.simo $b^n = b^2 * n$ | n.simo c^n |
| $c^{2*n} = a^{2*n} + b^{2*n}$ | | | | |

4. Gauss da giovane ha intuito che il numero 100 si può ottenere sommando due numeri equidistanti dalla sua metà (3); con le terne pitagoriche possiamo affermare che moltiplicando a^2 e b^2 con lo stesso valore con cui è moltiplicato od elevato a potenza c^2 si ottiene una terna ove $c^n = a^n + b^n$.
5. Viviani, con il teorema che porta il suo nome, ha dimostrato che gli infiniti numeri naturali sono la somma delle distanze che un punto P sull'ipotenusa di un triangolo ha dai suoi due lati. (4) c^2 della terna pitagorica, è un punto P sull'ipotenusa di un triangolo che è la somma di due distanze che sono $a^2 + b^2$ della terna, ma anche c^n è un punto P sull'ipotenusa di un triangolo che è la somma di due distanze che sono $a^n + b^n$ della terna;

- 5.1 Se un P del teorema del triangolo di Viviani è uguale a c^2 , P è un quadrato sull'ipotenusa di un triangolo che è la somma dei quadrati delle distanze dai due lati del triangolo che sono le due distanze del punto P dai due lati del triangolo, pertanto nel teorema del triangolo di Viviani trova riscontro il teorema di Pitagora ove, $a^2 + b^2 = c^2$ e, in entrambi i teoremi, si riscontra che l'elevamento a potenza di c^2 in una terna pitagorica è c^n che è uguale alla somma di $a^n + b^n$ ovvero sono a^2 e b^2 della stessa terna pitagorica di c^2 moltiplicati ed elevati tutti allo stesso valore/potenza.
6. Tutti i numeri naturali generano terne pitagoriche: un numero, pari o sommando 1 ad ogni numero dispari, moltiplicato con la somma della sua metà +1, genera un numero pari che è il cateto "a" di un triangolo rettangolo; l'ipotenusa del triangolo è "c" ed è un numero dispari che è uguale ad a+1, il quadrato dell'altro cateto del triangolo, "b", è un numero dispari che è la differenza $b = c^2 - a^2$ che è: $2*a+1$.



| 6.1 Tutti gli infiniti numeri naturali possono generare infinite terne pitagoriche | | | | Le terne pitagoriche $c^2 = a^2 + b^2$ moltiplicate / elevate ad "n" sono $c^n = a^n + b^n$ | | | | | | | | |
|--|----------------------------|----------------------------------|---------------------------------------|---|---------------------------------|--|---------------------------------|---------------------------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------------------|------------|
| terna $a + b \neq c$ | | | $a^2 + b^2 = c^2$ con $b^2 = 2*a + 1$ | | | input n | | | | | | |
| Generazione terne infiniti n | | | teorema di Pitagora $a^2 + b^2 = c^2$ | | | c^n è una potenza con esponente >2 uguale ad n = somma di a^n + b^n nella formula l'esponente di a^n e b^n è lo stesso di c^n ma il valore di a^n o b^n non è la potenza di a o la potenza b | | | | | | |
| pari * (1/2 n pari +1) = a | da tutti i numeri naturali | noto a e c con $c^2 - a^2 = b^2$ | noto a con a+1 | a → ∞ a * a = a^2 | b → ∞ b^2 = 2a+1 | c → ∞ c * c = c^2 | n | 3 | a^3 = c^3 - b^3 + c^2 | b^3 = c^3 - a^3 + c^2 | c^3 = a^3 + b^3 + c^2 | |
| (disp+1)*(1/2 disp+1)+1 = a | si ottiene a | b^2 = 2a+1 | si ottiene c | a^2 | b^2 | c^2 | n=(c^3-c^2)/c^2 | c^3 = c^2 * n + c | a^3 = a^2 * n | b^3 = b^2 * n | c^2 * n + c^2 = a^2 * n + b^2 * n | |
| 2 | 1 | (1+1)*(2+1) | 6 | 13 | 7 | 36 | 13 | 49 | 216 | 78 | 216+78+49 | |
| 4 | 3 | (3+1)*(4+1) | 20 | 41 | 21 | 400 | 41 | 441 | 8.000 | 820 | 8000+820+441 | |
| 6 | 5 | (5+1)*(6+1) | 42 | 85 | 43 | 1.764 | 85 | 1.849 | 79.507 | 74.088 | 74088+3570+1849 | |
| 8 | 7 | (7+1)*(8+1) | 72 | 145 | 73 | 5.184 | 145 | 5.329 | 389.017 | 373.248 | 373248+10440+5329 | |
| 10 | 9 | (9+1)*(10+1) | 110 | 221 | 111 | 12.100 | 221 | 12.321 | 1.367.631 | 1.331.000 | 1331000+24310+12321 | |
| 12 | 11 | (11+1)*(12+1) | 156 | 313 | 157 | 24.336 | 313 | 24.649 | 3.869.893 | 3.796.416 | 3796416+48828+24649 | |
| 14 | 13 | (13+1)*(14+1) | 210 | 421 | 211 | 44.100 | 421 | 44.521 | 9.393.931 | 9.261.000 | 9261000+88410+44521 | |
| 16 | 15 | (15+1)*(16+1) | 272 | 545 | 273 | 73.984 | 545 | 74.529 | 20.346.417 | 20.123.648 | 20123648+148240+74529 | |
| 18 | 17 | (17+1)*(18+1) | 342 | 685 | 343 | 116.964 | 685 | 117.649 | 40.353.607 | 40.001.688 | 40001688+234270+117649 | |
| 20 | 19 | (19+1)*(20+1) | 420 | 841 | 421 | 176.400 | 841 | 177.241 | 74.618.461 | 74.088.000 | 74088000+353220+177241 | |
| 22 | 21 | (21+1)*(22+1) | 506 | 1.013 | 507 | 256.036 | 1.013 | 257.049 | 130.323.843 | 129.554.216 | 129554216+512578+257049 | |
| 24 | 23 | (23+1)*(24+1) | 600 | 1.201 | 601 | 360.000 | 1.201 | 361.201 | 217.081.801 | 216.000.000 | 216000000+720600+361201 | |
| 26 | 25 | (25+1)*(26+1) | 702 | 1.405 | 703 | 492.804 | 1.405 | 494.209 | 347.428.927 | 345.948.408 | 345948408+986310+494209 | |
| 28 | 27 | (27+1)*(28+1) | 812 | 1.625 | 813 | 659.344 | 1.625 | 660.969 | 537.367.797 | 535.387.328 | 535387328+1319500+660969 | |
| 30 | 29 | (29+1)*(30+1) | 930 | 1.861 | 931 | 864.900 | 1.861 | 866.761 | 806.954.491 | 804.357.000 | 804357000+1730730+866761 | |
| 32 | 31 | (31+1)*(32+1) | 1.056 | 2.113 | 1.057 | 1.115.136 | 2.113 | 1.117.249 | 1.180.932.193 | 1.177.583.616 | 1177583616+2231328+1117249 | |
| : | : | : | : | : | : | : | : | : | : | : | : | |
| n.sim o pari | n.sim no + grande | n.simo a 2*n.simo a+1 | n.simo b^2 = n.simo a+1 | n.simo c = n.simo a+1 | n.simo a^2 + c^2 - b^2 = a^2 | n.simo b^2 = c^2 - a^2 = b^2 | n.simo c^2 = a^2 + b^2 = c^2 | n.simo c^2 * n = a^2 * n + b^2 * n | n.simo c^n = c^2 * n | n.simo a^n = a^2 * n | n.simo b^n = b^2 * n | n.simo c^n |

7."è impossibile separare qualsiasi potenza, superiore al quadrato, in due potenze dello stesso nome (un cubo in due cubi, o una potenza quarta in due potenze quarte)": è possibile moltiplicare con lo stesso valore le tre potenze al quadrato di una terna pitagorica ed ottenere che la somma di due sia uguale alla potenza della terza.

Bibliographic and website references

- 1) <https://news.unsw.edu.au/en/australian-mathematician-reveals-oldest-applied>
- 2) <https://www.facebook.com/430003697103227/posts/842875265816066/>
- 3) <https://vixra.org/abs/2202.0145>
- 4) <https://vixra.org/abs/2206.0084>