

Теорема Ферма: $A+B=C$ не является натуральным числом

Памяти мамы

Все числа записаны в системе счисления с простым основанием n , где $n > 2$.

Итак, допустим для взаимно простых натуральных A, B, C и простого $n > 2$

1°) $A^n + B^n - C^n = 0$, где, как известно ([viXra:1707.0174](#)),

1а°) $C > A > B > U = A + B - C = un^k > 0$ ($k > 1$),

1б°) $A = U + a, B = U + b, C = U + c$, где $a + b - c = 0, a = A - U, b = B - U, c = C - U$.

Доказательство ВТФ

2°) Умножим равенство 1° на число g^n (которое, согласно малой теореме Ферма, существует; обозначения чисел оставим прежние) из равенства $ug = n^v - 1$, откуда

3°) $U = (n^v - 1)n^k = n^s - n^k$, где $k = \text{const}, s = v + k$ и $s > nk$.

Теперь (с учетом 1б°) равенство 1° можно записать в виде

4°) $(a + n^s - n^k)^n + (b + n^s - n^k)^n - (c + n^s - n^k)^n = 0$, или $[(a - n^k) + n^s]^n + [(b - n^k) + n^s]^n - [(c - n^k) + n^s]^n = 0$,
из чего, после раскрытия биномов Ньютона, следует, что число

5°) $D = (a - n^k)^n + (b - n^k)^n - (c - n^k)^n$ делится на n^s , ибо все остальные члены содержат множитель n^s . Вычислим нулевые окончания в каждой сумме из трех слагаемых:

6°) $d = a^n + b^n - c^n = (\text{см. 1б°}) = (A - U)^n + (B - U)^n - (C - U)^n = [(A - U)^n - A^n] + [(B - U)^n - B^n] - [(C - U)^n - C^n]$, где все три выражения в квадратных скобках оканчиваются на $k + 1$ нулей (1 ноль добавляет второй множитель в разложении суммы степеней) с равными четвертыми цифрами.

7°) $e = (a^{n-1} + b^{n-1} - c^{n-1})n^k$. Эта (единственная!) и все последующие суммы оканчиваются на kt ($t = 1, 2, \dots, n$) нулей. И, следовательно, число D на n^s не делится и тождественные равенства 4° и 1° не выполняются по $(k + 2)$ -й цифре.

Из чего следует истинность ВТФ.

8°) Если же A делится на n^k , тогда числа $C - B, U, a, c - b$ и d делятся на n^{kn-1} , а e на n^{kn+k-1} .