

On The Prime Partition of $n!$

ShiYuanDong

(ShunDe, FoShan, GuangDong, China, E-mail:1994754066@qq.com)

Abstract: The prime partition of $n!$, On the Goldbach prime partition, and the algebraic sum of elements of prime.

Keywords: Goldbach , Prime, partition;

We define: Each representation of k as a algebraic sum of elements of prime is called a prime partition of k . The notation $n!$ (read " n factorial") is defined for positive integers and denotes the product of the positive integers form 1 to n . When $n > 1$, $n!$ is even .

Theorem 1: Let $n \geq 3$ is positive integers, and $m \leq n^2$;

If $n! - m$ is prime , then m is prime or $m = 1$;

Proof : If $n! - 1$ is prime , then $m = 1$;

Let prime $p \leq n$, then $m \leq n^2 \Rightarrow \sqrt{m} \leq n$.

and suppose that m is prime, then $p | m$, and $p | (n! - m)$, because $n! - m$ is prime , a contradiction arises.

Thus, m must be prime.

Theorem 2: Let $n \geq 3$ is positive integers, and $m \leq n^2$;

If $n! - m$ is prime , then $n! = (n! - m) + m$ is Goldbach prime partition.

Proof : By $m \in [1, n^2]$ and Theorem 1, we obtain Theorem 2.

Theorem 3: Let $n \geq 3$ is positive integers, and $m \leq n^2$;

If $n! + m$ is prime , then $n! = (n! + m) - m$ is a prime partition.

Proof : ditto.

Bibliography

[1] U. Dudley: Elementary Theory of Numbers, W.H. Freeman and Co.,1969

Validate [Mathematica]:

```
{a=10; a!; "Goldbach Partition"}
```

```
Table[If[PrimeQ[a!-n]==True,Print[{a!,"=",n,"+",a!-n}]],{n,3,a^2,2}];
```

```
{"Two Prime Sum"}
```

```
Table[If[PrimeQ[a!+n]==True,Print[{a!,"=", a!+n,"-", n}]],{n,3,a^2,2}];
```

阶乘数的包含最初几个最小素数值的拆分

石远东

(广东省佛山市顺德区, E-mail:1994754066@qq.com)

摘要: 关于阶乘数 $n!$ 的 Goldbach 拆分, 以及 $n!$ 表示为两个素数的代数和。

关键词: Goldbach 拆分, 素数的代数和;

我们给出包含最初几个最小素数值 (初始部分) 的 Goldbach 拆分。这里的“拆分”是指: 把 k 表示为两个素数的代数和。

定理 1: 任意给定自然数 n , 其中 $n \geq 3$, 且 $m \leq n^2$ 。

则当 $n! - m$ 是素数时, m 必为素数或者 $m = 1$ 。

证明: 若 $n! - 1$ 为素数, 则 $m = 1$;

设 p 是不超过 n 的素数, 注意到 $m \leq n^2$, 显然, $\sqrt{m} \leq n$ 。

假若 m 不是素数, 则 m 必包含至少一个素数 p 作为其因子, 从而 $p | (n! - m)$, 这与已知条件“ $n! - m$ 是素数”矛盾, 故 m 必为素数。

定理 2: 任意给定自然数 n , 其中 $n \geq 3$, 且 $m \leq n^2$ 。则当 $n! - m$ 是素数时,

$n! = (n! - m) + m$ 是偶数 $n!$ 的包含最初几个最小素数值的 Goldbach 拆分。

证明: 由于 $m \in [1, n^2]$, 因此, m 为最初几个最小的素数值。

根据定理 1, 即可得到结论。

显然, 我们同样可以给出阶乘数表示为两个素数之差的结论:

定理 3: 任意给定自然数 n , 其中 $n \geq 3$, 且 $m \leq n^2$ 。则当 $n! + m$ 是素数时,

偶数 $n!$ 可表示为两个素数之差, 即: $n! = (n! + m) - m$ 。

证明: (同上)。

【参考文献】

[1] 《基础数论》, (美) U. 杜德利著, 周仲良译, 上海科学技术出版社, 1986 年。

【Mathematica 验证程序】

```
{a=10; a!; "Goldbach Partition"}
```

```
Table[If[PrimeQ[a!-n]==True,Print[{a!,"=",n,"+",a!-n}],{n,3,a^2,2}];
```

```
{"Two Prime Sum"}
```

```
Table[If[PrimeQ[a!+n]==True,Print[{a!,"=", a!+n,"-", n}],{n,3,a^2,2}];
```