

**Доказательство ошибочности предположения ABC-гипотезы о  
конечности числа «исключительных» троек для  $r=2$  (« пифагоровы  
«уравнения) и для других уравнений  
( элементарный аспект )**

**REUVEN TINT<sup>1</sup>**

Number Theorist, Israel<sup>1</sup>

Email: [reuven.tint@gmail.com](mailto:reuven.tint@gmail.com)

<http://ferm-tint.blogspot.co.il/>

*Аннотация.* Предложено краткое доказательство ошибочности предположения

ABC-гипотезы о конечности числа « исключительных » троек для  $r=2$

(« пифагоровы « уравнения) и других уравнений ,а также приведены ряд примеров.

§1

По ABC-гипотезе,если  $(x,y,z)=1$  и  $x + y = z$  , то  $\text{rad}(x \cdot y \cdot z) > z$ .

Доказательство ошибочности

1.1.Получены следующие равенства :

1)  $7^2 + 24^2 = 25^2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 = 210 < 625$  [1]

2)  $9^2 + 40^2 = 41^2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 41 = 1230 < 1681$

3)  $63^2 + 16^2 = 65^2 \cdot 3 \cdot 7 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 13 = 2730 < 4225$

4)  $117^2 + 44^2 = 125^2 \cdot 3 \cdot 13 \cdot 2 \cdot 11 \cdot 5 = 4290 < 15625$

5)  $297^2 + 304^2 = 425^2 \cdot 3 \cdot 11 \cdot 2 \cdot 19 \cdot 5 \cdot 17 = 106590 < 180625$

1.2.Если  $a + b = c$  [ 2 ], то тождественно  $\text{Завс} \equiv c^3 - a^3 - b^3$  [ 3 ] ( 1 )

Из completed [3]  $\text{авс} < (c^3 : 3)$  и  $\text{ав} < (c^2 : 3)$  [ 4 ] для произвольных ,соответствующих [ 2 ]

целых положительных чисел.

1.3.Если  $x^2 + y^2 = z^2$ , то из [ 4 ]  $x^2 \cdot y^2 < z^4 : 3$  и  $xy < z^2 : 3$  [ 5 ].

1.4. Пусть  $m=4$   $n=3$ . Тогда,

1.4.1.  $(x_1^2 = 7^2) + (y_1^2 = 24^2) = (z_1^2 = 5^2)^2$

1.4.2.  $m_2=24$   $n_2=7$   $x_2=24^2 - 7^2 = 527 = 17 \cdot 31$   $y_2=2 \cdot 24 \cdot 7 = 336 = 2^4 \cdot 3 \cdot 7$

$z_2=24^2 + 7^2 = 5^4$   $\text{rad}(17 \cdot 31 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7) = 110670 < 390625$  ,или из

[5]  $x_2 \cdot y_2 < z_2^2 : \sqrt{3}$ ,  $527.336 < 5^8 : \sqrt{3}$ ,  $527.336 : 3 < 5^8 : 1,8 \cdot 3 \approx 72338 < 5^8 : 5 = 5^7 = 78121$   
 И  $\text{rad}(17.31.2.3.7.5) = 110670 < 5^8 = 390625$ .

1.4.3. Если  $(x_0^2 = 3^2 + y_0^2 = 4^2) = z_0^2 = 5^2$ ,  $k=0, 1, 2, 3, \dots$ ,  $x_1=7$ ,  $y_1 = 24 = 3 \cdot 8$ ,  $z_1 = 5^2$ ,

$x_{k+1} = x_k^2 - y_k^2$ ,  $y_{k+1} = 2 \cdot x_k \cdot y_k$ ,  $z_{k+1} = x_k^2 + y_k^2 = 5^{2^{k+1}}$  и  $x_{k+1} \cdot y_{k+1} : 3 < z_{k+1}^2 :$

$: 3 \cdot \sqrt{3} \approx 5^{2^{k+1}} : 3 \cdot 1,8 = 5^{2^{k+1}} : 5,4 < 5^{2^{k+1}} : 5 = 5^{2^{k+1}-1}$  [6], поскольку у « в

рассматриваемом примере содержит множитель 3 при всех «к».

1.4.4. Таким образом, «пи фаторово» уравнение типа [6] при  $0 < k < \infty$  всегда будет иметь бесчисленное множество соответствующих решений в отличие от ошибочного – конечного их числа,

что и требовалось доказать. Поэтому о доказательстве «Великой» теоремы Ферма с помощью АВС-гипотезы, тем более «в одну с троку», говорить не приходится.

1.4.5. Все вышеизложенное может быть использовано и для всех остальных уравнений п.1.1.

## §2

Если имеем трехчленные уравнения  $a + v = c$ , которые удовлетворяют условию

$C > \text{rad}(a.v.c)1 + \varepsilon$ , то, тогда, они являются основой для получения

от каждого из них бесчисленного множества уравнений, удовлетворяющих

этому же условию. Имея в виду, что из [14]  $av < c^2 : 3$ , и приведя соответствующее

трехчленное уравнение к «пифагорову» виду по аналогии с п.4 §1 основного текста статьи, получим следующее:

2..1. имеем  $11^2 + 2^2 = 5^3$ . Тогда,  $\text{rad}(2.11.5) = 110 < 5^3$

2.2 Примем  $m=11$   $n=2$ . Отсюда,  $117^2 + 44^2 = 5^6$  и  $3.13.2.11.5 = 4290 < 15625$

2.3.  $m = 117$   $n = 44$   $x = 117^2 - 44^2 = 13689 - 1936 = 11753$ ,  $y = 2 \cdot 117 \cdot 44 = 10296$ ,

$z = 117^2 + 44^2 = 5^6$  ( $11753^2 = 138133009$ ) + ( $10296^2 = 106007616$ ) =  $244140625 = 5^{12}$

$\text{rad}(11753.2.3.13.11.5) = 50420370 < 244140625$  и т.д, и т.п.

2.4.  $13^2 + 7^3 = 2^9$   $\text{rad}(13.7.2) = 182 < 512$

2.5.  $m = 7\frac{3}{2}$   $n = 13$   $x = 7^3 - 13^2 = 174$ ,  $y = 2 \cdot 7\frac{3}{2} \cdot 13 = 26 \cdot 7\frac{3}{2}$ ,  $z = 7^3 + 13^2 = 2^9$

$174^2 + 26^2 \cdot 7^3 = 2^{18}$   $87^2 + 13^2 \cdot 7^3 = 2^{16}$   $\text{rad}(29.3.2.13.7) = 15834 < 65536$ , и т. д. и т.п.

Доказательства завершены

## ЛИТЕРАТУРА

( 1 ) К вопросу о неоднозначности в математике и некоторые вытекающие из этого неординарные следствия.(элементарный аспект) п.7.1.2.в

Bulletin of Mathematical Sciences & Applications ISSN: 2278-9634 Vol. 3 No. 4 (2014), pp. 01- 33

PROF. DR. K. RAJA RAMA GANDHI, REUVEN TINT,

( 2 ) Уникальное инвариантное тождество и вытекающие из него уникальные следствия.

(элементарный аспект) REUVEN TINT 2016